

ГОСУДАРСТВЕННОЕ ПРОФЕССИОНАЛЬНОЕ ОБРАЗОВАТЕЛЬНОЕ
УЧРЕЖДЕНИЕ ТУЛЬСКОЙ ОБЛАСТИ
«ТУЛЬСКИЙ ЭКОНОМИЧЕСКИЙ КОЛЛЕДЖ»

УТВЕРЖДАЮ
Директор ГПОУ ТО «ТЭК»
 А.В. Макарова
Приказ № _____
«27» августа 2021 года



**РАБОЧАЯ ПРОГРАММА
УЧЕБНОЙ ДИСЦИПЛИНЫ
ОУД.04 МАТЕМАТИКА**

**ПРОГРАММА ПОДГОТОВКИ СПЕЦИАЛИСТОВ СРЕДНЕГО ЗВЕНА ПО
СПЕЦИАЛЬНОСТИ СРЕДНЕГО ПРОФЕССИОНАЛЬНОГО ОБРАЗОВАНИЯ
09.02.07 ИНФОРМАЦИОННЫЕ СИСТЕМЫ И ПРОГРАММИРОВАНИЕ
Квалификации: СПЕЦИАЛИСТ ПО ИНФОРМАЦИОННЫМ СИСТЕМАМ
РАЗРАБОТЧИК ВЕБ И МУЛЬТИМЕДИЙНЫХ ПРИЛОЖЕНИЙ**

Щекино
2021 год

Рассмотрено и одобрено на заседании ПЦК №1 общеобразовательных дисциплин

Протокол №1 от 27 августа 2021 г.

Председатель ПЦК №1


_____ М. И. Хейфец

Составлена в соответствии с рекомендациями Департамента государственной политики в сфере подготовки рабочих кадров и ДПО по организации получения среднего общего образования в пределах освоения образовательных программ среднего профессионального образования на базе основного общего образования с учетом требований федеральных государственных образовательных стандартов и получаемой профессии или специальности среднего профессионального образования.

Заместитель директора по УР


_____ Е. В. Кошелева

27 августа 2021 г.

Автор:

Стенягина А.А. – преподаватель Государственного профессионального образовательного учреждения Тульской области «Тульский экономический колледж».

ПОЯСНИТЕЛЬНАЯ ЗАПИСКА

Рабочая программа по предмету «Математика» составлена в соответствии с рекомендациями Департамента государственной политики в сфере подготовки рабочих кадров и ДПО по организации получения среднего общего образования в пределах освоения образовательных программ среднего профессионального образования на базе основного общего образования с учетом требований федеральных государственных образовательных стандартов и получаемой профессии или специальности среднего профессионального образования.

Программа учебной дисциплины «Математика» предназначена для изучения математики в учреждениях среднего профессионального образования, реализующих образовательную программу среднего (полного) общего образования, при подготовке квалифицированных рабочих и специалистов среднего звена.

Программа ориентирована на достижение следующих целей:

- **формирование представлений** о математике как универсальном языке науки, средстве моделирования явлений и процессов, об идеях и методах математики;
- **развитие** логического мышления, пространственного воображения, алгоритмической культуры, критичности мышления на уровне, необходимом для будущей профессиональной деятельности, для продолжения образования и самообразования;
- **овладение математическими знаниями и умениями**, необходимыми в повседневной жизни, для изучения смежных естественно-научных дисциплин на базовом уровне и дисциплин профессионального цикла, для получения образования в областях, не требующих углубленной математической подготовки;
- **воспитание** средствами математики культуры личности, понимания значимости математики для научно-технического прогресса, отношения к математике как к части общечеловеческой культуры через знакомство с историей развития математики, эволюцией математических идей.

В программе учебный материал представлен в форме чередующегося развертывания основных содержательных линий:

- *алгебраическая линия*, включающая систематизацию сведений о числах; изучение новых и обобщение ранее изученных операций (возведение в степень, извлечение корня, логарифмирование, синус, косинус, тангенс, котангенс и обратные к ним); изучение новых видов числовых выражений и формул; совершенствование практических навыков и вычислительной культуры, расширение и совершенствование алгебраического аппарата, сформированного в основной школе, и его применение к решению математических и прикладных задач;

- *теоретико-функциональная линия*, включающая систематизацию и расширение сведений о функциях, совершенствование графических умений; знакомство с основными идеями и методами математического анализа в объеме, позволяющем исследовать элементарные функции и решать простейшие геометрические, физические и другие прикладные задачи;

- *линия уравнений и неравенств*, основанная на построении и исследовании математических моделей, пересекающаяся с алгебраической и теоретико-функциональными линиями и включающая развитие и совершенствование техники алгебраических преобразований для решения уравнений, неравенств и систем; формирование способности строить и исследовать простейшие математические модели при решении прикладных задач, задач из смежных и специальных дисциплин;

- *геометрическая линия*, включающая наглядные представления о пространственных фигурах и изучение их свойств, формирование и развитие пространственного воображения, развитие способов геометрических измерений, координатного и векторного методов для решения математических и прикладных задач;

- *стохастическая линия*, основанная на развитии комбинаторных умений, представлений о вероятностно-статистических закономерностях окружающего мира.

Развитие содержательных линий сопровождается совершенствованием интеллектуальных и речевых умений путем обогащения математического языка, развития логического мышления.

Математика является фундаментальной общеобразовательной дисциплиной со сложившимся устойчивым содержанием и общими требованиями к подготовке обучающихся. Реализация общих целей изучения математики традиционно формируется в четырех направлениях – методическое (общее представление об идеях и методах математики), интеллектуальное развитие, утилитарно-прагматическое направление (овладение необходимыми конкретными знаниями и умениями) и воспитательное воздействие.

ТЕМАТИЧЕСКИЙ ПЛАН

Наименование тем	Содержательные линии	Кол-во аудит. часов	Часы практических работ
Развитие понятия о числе	Алгебраическая	14	10
Корни, степени и логарифмы	Алгебраическая, теоретико-функциональная, уравнений и неравенств	22	16
Основы тригонометрии	Алгебраическая, теоретико-функциональная, уравнений и неравенств	18	14
Функции, их свойства и графики. Степенные, показательные, логарифмические и тригонометрические функции	Теоретико-функциональная	22	16
Уравнения и неравенства	Уравнений и неравенств	26	20
Начала математического анализа	Теоретико-функциональная	38	26
Элементы комбинаторики	Стохастическая	10	6
Элементы теории вероятностей.	Стохастическая	12	6
Прямые и плоскости в пространстве	Геометрическая	16	8
Многогранники	Геометрическая	20	14
Тела и поверхности вращения	Геометрическая	10	6
Измерения в геометрии	Геометрическая, теоретико-функциональная	14	8
Координаты и векторы	Геометрическая	12	10
Итого		234	160

СОДЕРЖАНИЕ УЧЕБНОЙ ДИСЦИПЛИНЫ

Раздел 1. АЛГЕБРА

Развитие понятия о числе

Целые и рациональные числа. Действительные числа. Комплексные числа.

Корни, степени и логарифмы

Степени с рациональными и действительными показателями и их свойства. Корни натуральной степени из числа и их свойства.

Логарифм числа. Основное логарифмическое тождество. Правила действий с логарифмами. Десятичные и натуральные логарифмы. Переход к новому основанию.

Преобразование алгебраических выражений. Преобразование рациональных, иррациональных степенных, показательных и логарифмических выражений.

Основы тригонометрии

Радианная мера угла. Синус, косинус, тангенс и котангенс числа. Основные тригонометрические тождества, формулы приведения. Синус, косинус и тангенс суммы и разности двух углов. Синус и косинус двойного угла. Формулы половинного угла. Преобразования суммы тригонометрических функций в произведение и произведения в сумму. Выражение тригонометрических функций через тангенс половинного аргумента. Преобразования простейших тригонометрических выражений.

Простейшие тригонометрические уравнения. Решение тригонометрических уравнений. Арксинус, арккосинус, арктангенс числа.

Функции, их свойства и графики

Функции. Область определения и множество значений; график функции, построение графиков функций, заданных различными способами.

Свойства функции: монотонность, четность, нечетность, ограниченность, периодичность. Промежутки возрастания и убывания, наибольшее и наименьшее значения, точки экстремума. Графическая интерпретация. Примеры функциональных зависимостей в реальных процессах и явлениях.

Обратные функции. Область определения и область значений обратной функции. График обратной функции.

Арифметические операции над функциями. Сложная функция (композиция).

Степенные, показательные, логарифмические и тригонометрические функции

Определения функций, их свойства и графики.

Обратные тригонометрические функции.

Преобразования графиков. Параллельный перенос, симметрия относительно осей координат и симметрия относительно начала координат, симметрия относительно прямой $y = x$, растяжение и сжатие вдоль осей координат.

Уравнения и неравенства

Равносильность уравнений, неравенств, систем.

Рациональные, иррациональные, показательные и тригонометрические уравнения и системы. Основные приемы их решения (разложение на множители, введение новых неизвестных, подстановка, графический метод).

Рациональные, иррациональные, показательные и тригонометрические неравенства. Основные приемы их решения. Использование свойств и графиков функций при решении уравнений и неравенств. Метод интервалов. Изображение на координатной плоскости множества решений уравнений и неравенств с двумя переменными и их систем.

Раздел 2. НАЧАЛА МАТЕМАТИЧЕСКОГО АНАЛИЗА

Последовательности. Способы задания и свойства числовых последовательностей. Понятие о пределе последовательности. Существование предела монотонной ограниченной последовательности. Суммирование последовательностей. Бесконечно убывающая геометрическая прогрессия и ее сумма.

Понятие о непрерывности функции.

Производная. Понятие о производной функции, её геометрический и физический смысл. Уравнение касательной к графику функции. Производные суммы, разности, произведения, частного. Производные основных элементарных функций. Применение производной к исследованию функций и построению графиков.

Примеры использования производной для нахождения наилучшего решения в прикладных задачах. Вторая производная, ее геометрический и физический смысл. Применение производной к исследованию функций и построению графиков. Нахождение скорости для процесса, заданного формулой и графиком.

Первообразная и интеграл. Определенный интеграл и его свойства. Формула Ньютона-Лейбница. Применение определенного интеграла для нахождения площади криволинейной трапеции. Примеры применения интеграла в физике и геометрии.

Раздел 3. КОМБИНАТОРИКА, СТАТИСТИКА И ТЕОРИЯ ВЕРОЯТНОСТЕЙ

Элементы комбинаторики

Основные понятия комбинаторики. Задачи на подсчет числа размещений, перестановок, сочетаний. Решение задач на перебор вариантов. Формула бинома Ньютона. Свойства биномиальных коэффициентов. Треугольник Паскаля.

Элементы теории вероятностей

Событие, вероятность события, сложение и умножение вероятностей. Понятие о независимости событий. Дискретная случайная величина, закон ее распределения. Числовые характеристики дискретной случайной величины. Понятие о законе больших чисел.

Раздел 4. ГЕОМЕТРИЯ

Прямые и плоскости в пространстве

Взаимное расположение двух прямых в пространстве. Параллельность прямой и плоскости. Параллельность плоскостей. Перпендикулярность прямой и плоскости. Перпендикуляр и наклонная. Угол между прямой и плоскостью. Двугранный угол. Угол между плоскостями. Перпендикулярность двух плоскостей.

Геометрические преобразования пространства: параллельный перенос, симметрия относительно плоскости.

Параллельное проектирование. Площадь ортогональной проекции. Изображение пространственных фигур.

Многогранники

Вершины, ребра, грани многогранника. Развертка. Многогранные углы. Выпуклые многогранники.

Призма. Прямая и наклонная призма. Правильная призма. Параллелепипед. Куб.

Пирамида. Правильная пирамида. Усеченная пирамида. Тетраэдр.

Симметрии в кубе, в параллелепипеде, в призме и пирамиде.

Сечения куба, призмы и пирамиды.

Правильные многогранники (тетраэдр, куб, октаэдр, додекаэдр и икосаэдр).

Тела и поверхности вращения

Цилиндр и конус. Усеченный конус. Осевые сечения и сечения, параллельные основанию.

Шар и сфера, их сечения. Касательная плоскость к сфере.

Измерения в геометрии

Объем и его измерение. Интегральная формула объема.

Формулы объема куба, прямоугольного параллелепипеда, призмы, цилиндра. Формулы объема пирамиды и конуса. Формулы площади поверхностей цилиндра и конуса. Формулы объема шара и площади сферы.

Подобие тел. Отношения площадей поверхностей и объемов подобных тел.

Координаты и векторы

Прямоугольная (декартова) система координат в пространстве. Формула расстояния между двумя точками. Уравнения сферы, плоскости и прямой.

Векторы. Модуль вектора. Равенство векторов. Координаты вектора. Сложение векторов. Умножение вектора на число. Разложение вектора по направлениям. Угол между двумя векторами. Проекция вектора на ось. Скалярное произведение векторов.

Использование координат и векторов при решении математических и прикладных задач.

Темы для исследовательских работ

Непрерывные дроби

Применение сложных процентов в экономических расчетах

Параллельное проектирование

Средние значения и их применение в статистике

Векторное задание прямых и плоскостей в пространстве

Сложение гармонических колебаний

Графическое решение уравнений и неравенств

Правильные и полуправильные многогранники

Конические сечения и их применение в технике

Понятие дифференциала и его приложения

Схемы Бернулли повторных испытаний

Исследование уравнений и неравенств с параметром

ТРЕБОВАНИЯ К РЕЗУЛЬТАТАМ ОБУЧЕНИЯ

В результате изучения учебной дисциплины «Математика» обучающийся должен

знать/понимать:

- значение математической науки для решения задач, возникающих в теории и практике; широту и в то же время ограниченность применения математических методов к анализу и исследованию процессов и явлений в природе и обществе;
- значение практики и вопросов, возникающих в самой математике для формирования и развития математической науки; историю развития понятия числа, создания математического анализа, возникновения и развития геометрии;
- универсальный характер законов логики математических рассуждений, их применимость во всех областях человеческой деятельности;
- вероятностный характер различных процессов окружающего мира.

АЛГЕБРА

уметь:

- выполнять арифметические действия над числами, сочетая устные и письменные приемы; сравнивать числовые выражения;
- находить значения корня, степени, логарифма, тригонометрических выражений на основе определения, используя при необходимости инструментальные средства; пользоваться приближенной оценкой при практических расчетах;
- выполнять преобразования выражений, применяя формулы, связанные со свойствами степеней, логарифмов, тригонометрических функций;

использовать приобретенные знания и умения в практической деятельности и повседневной жизни:

- для практических расчетов по формулам, включая формулы, содержащие степени, радикалы, логарифмы и тригонометрические функции, используя при необходимости справочные материалы и простейшие вычислительные устройства.

Функции и графики

уметь:

- вычислять значение функции по заданному значению аргумента при различных способах задания функции;
- определять основные свойства числовых функций, иллюстрировать их на графиках;
- строить графики изученных функций, иллюстрировать по графику свойства элементарных функций;
- использовать понятие функции для описания и анализа зависимостей величин;
- **использовать приобретенные знания и умения в практической деятельности и повседневной жизни:**
- для описания с помощью функций различных зависимостей, представления их графически, интерпретации графиков.

Начала математического анализа

уметь:

- находить производные элементарных функций;
- использовать производную для изучения свойств функций и построения графиков;
- применять производную для проведения приближенных вычислений, решать задачи прикладного характера на нахождение наибольшего и наименьшего значения;
- вычислять в простейших случаях площади и объемы с использованием определенного интеграла;

использовать приобретенные знания и умения в практической деятельности и повседневной жизни для:

- решения прикладных задач, в том числе социально-экономических и физических, на наибольшие и наименьшие значения, на нахождение скорости и ускорения.

Уравнения и неравенства

уметь:

- решать рациональные, показательные, логарифмические, тригонометрические уравнения, сводящиеся к линейным и квадратным, а также аналогичные неравенства и системы;
- использовать графический метод решения уравнений и неравенств;
- изображать на координатной плоскости решения уравнений, неравенств и систем с двумя неизвестными;
- составлять и решать уравнения и неравенства, связывающие неизвестные величины в текстовых (в том числе прикладных) задачах.

использовать приобретенные знания и умения в практической деятельности и повседневной жизни:

- для построения и исследования простейших математических моделей.

КОМБИНАТОРИКА, СТАТИСТИКА И ТЕОРИЯ ВЕРОЯТНОСТЕЙ

уметь:

- решать простейшие комбинаторные задачи методом перебора, а также с использованием известных формул;
- вычислять в простейших случаях вероятности событий на основе подсчета числа исходов;

использовать приобретенные знания и умения в практической деятельности и повседневной жизни:

- для анализа реальных числовых данных, представленных в виде диаграмм, графиков;
- анализа информации статистического характера.

ГЕОМЕТРИЯ

уметь:

- распознавать на чертежах и моделях пространственные формы; соотносить трехмерные объекты с их описаниями, изображениями;
- описывать взаимное расположение прямых и плоскостей в пространстве;
- анализировать в простейших случаях взаимное расположение объектов в пространстве;
- изображать основные многогранники и круглые тела; выполнять чертежи по условиям задач;
- строить простейшие сечения куба, призмы, пирамиды;
- решать планиметрические и простейшие стереометрические задачи на нахождение геометрических величин (длин, углов, площадей, объемов);
- использовать при решении стереометрических задач планиметрические факты и методы;
- проводить доказательные рассуждения в ходе решения задач;

использовать приобретенные знания и умения в практической деятельности и повседневной жизни:

- для исследования (моделирования) несложных практических ситуаций на основе изученных формул и свойств фигур;
- вычисления объемов и площадей поверхностей пространственных тел при решении практических задач, используя при необходимости справочники и вычислительные устройства.

ПЕРЕЧЕНЬ ПРАКТИЧЕСКИХ РАБОТ

1. Действия с действительными числами - 2ч
2. Приближенные вычисления. Погрешности вычислений (абсолютная и относительная)- 2 ч
3. Нахождение приближенных значений величин и погрешностей вычислений - 2 ч.
4. Нахождение значений степеней с рациональными показателями – 2 ч.
5. Степени с действительными показателями и их свойства - 2 ч.
6. Преобразования выражений, содержащих степени-2ч.
7. Вычисление и сравнение корней. Выполнение расчетов с радикалами – 2 ч.
8. Решение упражнений со степенями и корнями– 2 ч.
9. Нахождение значений логарифма по произвольному основанию - 2ч.
10. Десятичные и натуральные логарифмы - 2 ч.
11. Переход к новому основанию – 2ч.
12. Логарифмирование и потенцирование выражений. Вычисление и сравнение логарифмов –2 ч.
13. Преобразование рациональных, иррациональных степенных, показательных и логарифмических выражений – 2 ч.
14. Радианный метод измерения углов вращения и связь с градусной мерой - 2 ч.
15. Синус, косинус, тангенс и котангенс числа - 2 ч.
- 16- 17. Основные тригонометрические тождества – 4 ч.
18. Формулы приведения- 2 ч.
- 19 - 20. Формулы сложения –4 ч.
21. Формулы удвоения. Формулы половинного угла – 2 ч.
22. Преобразование суммы тригонометрических функций в произведение и произведения в сумму - 2 ч.
23. Преобразования суммы тригонометрических функций в произведение и произведения в сумму – 2 ч.
24. Выражение тригонометрических функций через тангенс половинного аргумента - 2 ч.
25. Обратные тригонометрические функции: арксинус, арккосинус, арктангенс – 2 ч.
26. Промежутки возрастания и убывания, наибольшее и наименьшее значения, точки экстремума- 2 ч.
27. Преобразования графиков. Параллельный перенос, симметрия относительно осей координат и симметрия относительно начала координат– 2 ч.
28. Растяжение и сжатие вдоль осей координат – 2 ч.
29. Степенная функция, ее свойства и график- 2 ч.
30. Показательная функция, ее свойства и график- 2 ч.
31. Логарифмическая функция, ее свойства и график- 2 ч.
32. Тригонометрические функции, их графики и свойства- 2ч.
33. Иррациональные уравнения – 2 ч.
34. Иррациональные неравенства – 2 ч.
35. Показательные уравнения – 2ч.
36. Показательные неравенства - 2ч.
37. Логарифмические уравнения - 2 ч.
38. Логарифмические неравенства –2 ч.

39. Тригонометрические уравнения - 2 ч.
40. Тригонометрические неравенства—2ч.
41. Решение тригонометрических уравнений и неравенств – 2 ч.
42. Вычисление членов последовательности и предела – 2 ч.
43. Производные суммы, разности, произведения, частного— 2 ч.
44. Производные основных элементарных функций –2 ч.
45. Уравнение касательной к графику функции – 2 ч.
46. Интервалы возрастания и убывания функции. Точки экстремума – 2 ч.
47. Вторая производная, её геометрический и физический смысл- 2 ч.
48. Интервалы выпуклости и вогнутости. Точки перегиба – 2ч.
49. Применение производной к исследованию функций и построению графиков—2 ч.
50. Нахождение наибольшего и наименьшего значения функции – 2 ч.
51. Вычисление неопределенного интеграла – 2 ч.
52. Вычисление определенного интеграла – 2 ч.
53. Применение определенного интеграла для нахождения площади криволинейной трапеции – 2 ч.
54. Нахождения площади криволинейной трапеции – 2 ч.
55. Применение интеграла к вычислению физических величин – 2 ч.
56. Задачи на подсчет числа размещений, перестановок, сочетаний – 2 ч.
57. Решение задач на перебор вариантов – 2 ч.
58. Формула бинома Ньютона – 2 ч.
59. Треугольник Паскаля. Формула бинома Ньютона. Свойства биномиальных коэффициентов – 2 ч.
60. Сложение и умножение вероятностей. Понятие о независимости событий – 2 ч.
61. Вычисление вероятностей – 2 ч.
62. Числовые характеристики дискретной случайной величины – 2 ч.
63. Расстояние от точки до плоскости, от прямой до плоскости – 2 ч.
64. Теорема о трех перпендикулярах- 2 ч.
65. Параллельное проектирование. Площадь ортогональной проекции- 2ч.
66. Изображение пространственных фигур – 2 ч.
67. Параллелепипед. Куб – 2 ч.
68. Симметрии в кубе, в параллелепипеде, в призме и пирамиде – 2 ч.
69. Сечения куба, призмы и пирамиды – 2 ч.
70. Правильные многогранники – 2 ч.
71. Шар и сфера, их сечения. Касательная плоскость к сфере – 2 ч.
72. Объем и его измерения. Формулы объема куба, прямоугольного параллелепипеда – 2 ч.
73. Объем призмы и цилиндра – 2 ч.
74. Объем пирамиды и конуса – 2 ч.
75. Формулы площади поверхностей пирамиды и конуса – 2 ч.
76. Уравнения сферы, плоскости и прямой – 2 ч.
77. Векторы. Модуль вектора. Равенство векторов. Координаты вектора – 2ч.
78. Действия с векторами, заданными координатами – 2 ч.
79. Угол между двумя векторами. Проекция вектора на ось. Скалярное произведение векторов – 2 ч.

80.Использование координат и векторов
при решении математических и прикладных задач - 2 ч.

ЛИТЕРАТУРА

Основная

1.Богомолов Н.В.,Самойленко П.И.. Математика: учебник. – 5-е изд. – М.:Юрайт,2017 – 396с.

Дополнительная

2.Григорьев,С.Г.Математика: учебник для студентов сред.проф.учреждений / С.Г.Григорьев, Е.В.Задулина; под ред.В.А.Гусева. – 4-е изд.стер. – М.: Издательский центр Академия», 2009. – 384 с.

3. Пехлецкий, И.Д. Математика: учеб./И.Д.Пехлецкий.-5-е изд., стереотип. – М.:Академия,2008. – 304 с.

4.Богомолов,Н.В. Сборник задач по математике: учеб. пособие для ссузов. –3-е изд., стереотип.- М.: Дрофа,2006. - 204 с.

